1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 7c * 17.11.2014 * Gruppe A

1. Finde den Term

a) Finde einen Term, der zur folgenden Tabelle passt:

X	2	3	4	5	
T(x)	82	76	70	64	

b) Peter legt aus blauen und roten Plastikscheiben Figuren.

Figur Nr. 1

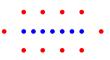
Figur Nr. 3

Figur Nr. 5









Der Term B(n) gibt die Anzahl blauer Plastikscheiben, der Term R(n) die Anzahl roter Plastikscheiben bei der Figur mit der Nummer n an.

Gib B(n) und R(n) an!

Hilde behauptet, es gibt kein n mit R(n) = 99. Begründe, ob Hilde recht hat!

2. Termwerte

- a) Berechne für den Term $T(x;y) = \frac{1-y}{2x-3y}$ den Termwert T(1,5;2,5).
- b) Für die Summe der natürlichen Zahlen von 1 bis n haben wir im Unterricht den Termwert $S(n) = \frac{(n+1)\cdot n}{2} \ \ \text{hergeleitet}.$

Berechne den Wert der Summe 21 + 22 + 23 + ... + 99 + 100.

3. Symmetrische Vierecke

- a) Gibt es ein Viereck mit genau einer Symmetrieachse, bei dem zwei benachbarte Winkel gleich groß sind. Begründe deine Antwort.
- b) Nenne 3 unterschiedliche, typische Merkmale für ein Parallelogramm.

4. Wichtige Konstruktionen mit Zirkel und Lineal

Bearbeite die Konstruktionsaufgabe auf dem Arbeitsblatt!

Aufgabe	1a	b	2a	b	3a	b	4a	b	c	d	Summe
Punkte	3	5	3	4	3	3	2	3	3	2	31



Arbeitsblatt zur 1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 7c * 17.11.2014 * Gruppe A

Name:

- 4. Führe sauber und genau die folgende Konstruktion mit Zirkel und Lineal aus. Vergiss die Beschriftung nicht.
 - a) Konstruiere die Mittelsenkrechte m_[AB] zur Strecke [AB].
 - b) Fälle das Lot $\,\ell\,\,$ von $\,C\,\,$ auf die Mittelsenkrechte $\,m_{[AB]}\,\,$ und kennzeichne den Fußpunkt mit $\,F\,\,$.
 - c) Kennzeichne den Winkel \angle FAC mit α und konstruiere dann die Winkelhalbierende w_{α} .
 - d) Das Lot $\,\ell\,$ und die Winkelhalbierende $\,w_{\alpha}\,$ schneiden sich im Punkt $\,S\,$. Kennzeichne den Punkt $\,S\,$ und bestimme mit dem Geodreieck $\,\overline{BS}\,$.

c ×

A ×

1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 7c * 17.11.2014 * Gruppe B

1. Finde den Term

a) Finde einen Term, der zur folgenden Tabelle passt:

X	2	3	4	5	
T(x)	62	56	50	44	

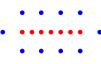
b) Petra legt aus blauen und roten Plastikscheiben Figuren.

Figur Nr. 1

• • •







Der Term B(n) gibt die Anzahl blauer Plastikscheiben, der Term R(n) die Anzahl roter Plastikscheiben bei der Figur mit der Nummer n an.

Gib B(n) und R(n) an!

Hans behauptet, es gibt kein n mit B(n) = 99. Begründe, ob Hans recht hat!

2. Termwerte

a) Berechne für den Term $T(a;b) = \frac{3-3a}{a-3b}$ den Termwert T(1,5;2,0).

b) Für die Summe der natürlichen Zahlen von 1 bis n haben wir im Unterricht den Termwert $S(n) = \frac{(n+1) \cdot n}{2} \ \text{hergeleitet}.$

Berechne den Wert der Summe 41 + 42 + 43 + ... + 99 + 100.

3. Symmetrische Vierecke

- a) Gibt es ein Viereck mit genau einer Symmetrieachse, bei dem zwei benachbarte Winkel gleich groß sind. Begründe deine Antwort.
- b) Nenne 3 unterschiedliche, typische Merkmale für ein Parallelogramm.

4. Wichtige Konstruktionen mit Zirkel und Lineal

Bearbeite die Konstruktionsaufgabe auf dem Arbeitsblatt!

Aufgabe	1a	b	2a	b	3a	b	4a	b	С	d	Summe
Punkte	3	5	3	4	3	3	2	3	3	2	31



Arbeitsblatt zur 1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 7c * 17.11.2014 * Gruppe B

- 4. Führe sauber und genau die folgende Konstruktion mit Zirkel und Lineal aus. Vergiss die Beschriftung nicht.
 - a) Konstruiere die Mittelsenkrechte m_[AB] zur Strecke [AB].
 - b) Fälle das Lot $\,\ell\,\,$ von $\,C\,\,$ auf die Mittelsenkrechte $\,m_{[AB]}\,\,$ und kennzeichne den Fußpunkt mit $\,F\,\,$.
 - c) Kennzeichne den Winkel \prec FAC mit α und konstruiere dann die Winkelhalbierende w_{α} .
 - d) Das Lot $\,\ell\,$ und die Winkelhalbierende $\,w_{\alpha}\,$ schneiden sich im Punkt $\,S\,$. Kennzeichne den Punkt $\,S\,$ und bestimme mit dem Geodreieck $\,\overline{BS}\,$.

.

C

×

Α

×

1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 7c * 17.11.2014 * Gruppe A * Lösung

1. a)	X	2	3	4	5	
	T(x)	82	76	70	64	

Es passt der Term T(x) = 94 - 6x

b) Figur Nr. 1

Figur Nr. 2

Figur Nr. 3

Figur Nr. 4

Figur Nr. 5







$$B(n) = 2n-1$$
 und $R(n) = 2n+2$ oder $R(n) = 2(n+1)$

R(n) = 2n + 2 liefert für alle natürlichen Zahlen nur gerade Zahlen als Termwerte.

R (n) kann also nie eine ungerade Zahl liefern und Hilde hat daher recht.

2. Termwerte

a)
$$T(x;y) = \frac{1-y}{2x-3y}$$
 also $T(1,5;2,5) = \frac{1-2,5}{2\cdot 1,5-3\cdot 2,5} = \frac{-1,5}{3-7,5} = \frac{-1,5}{-4,5} = \frac{15}{45} = \frac{1}{3}$.

b)
$$21+22+...+100 = S(100) - S(20) = \frac{(100+1)\cdot 100}{2} - \frac{(20+1)\cdot 20}{2} = 101\cdot 50 - 21\cdot 10 = 5050 - 210 = 4840$$

3. Symmetrische Vierecke

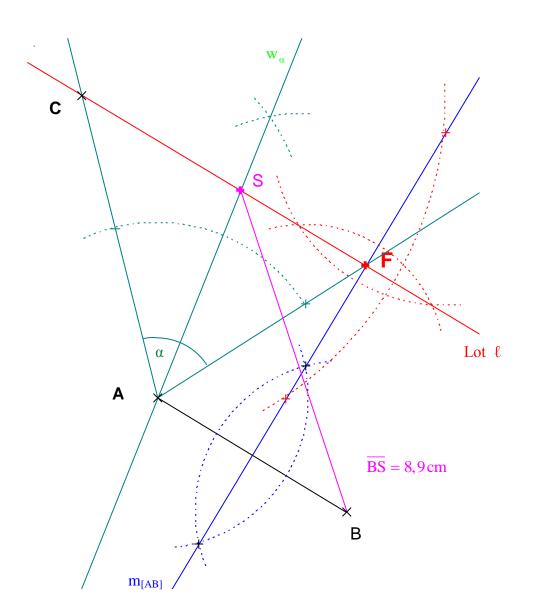
a) Es gibt solche Vierecke mit genau einer Symmetrieachse und zwei benachbarten Winkeln gleicher Größe, nämlich gleichschenklige Trapeze.



b) Typische Merkmale für ein Parallelogramm sind:
Ein Parallelogramm ist punktsymmetrisch.
Beim Parallelogramm halbieren sich die Diagonalen.
Gegenüberliegende Winkel sind gleich groß.
Gegenüberliegende Seiten sind parallel.



- 4. a) Konstruiere die Mittelsenkrechte $m_{[AB]}$ zur Strecke [AB] .
 - b) Fälle das Lot $\,\ell\,\,$ von $\,C\,\,$ auf die Mittelsenkrechte $\,m_{[AB]}\,\,$ und kennzeichne den Fußpunkt mit $\,F\,\,$
 - c) Kennzeichne den Winkel \prec FAC mit α und konstruiere dann die Winkelhalbierende w_{α} .
 - d) Das Lot $\,\ell\,$ und die Winkelhalbierende $\,w_{\alpha}\,$ schneiden sich im Punkt $\,S\,$. Kennzeichne den Punkt $\,S\,$ und bestimme mit dem Geodreieck $\,\overline{BS}\,$.



1. Schulaufgabe aus der Mathematik * Klasse 7c * 17.11.2014 * Gruppe B * Lösung

1. a)	X	2	3	4	5	
	T(x)	62	56	50	44	

Es passt der Term T(x) = 74 - 6x

Figur Nr. 3

$$B(n) = 2n+2$$
 oder $B(n) = 2(n+1)$ und $R(n) = 2n-1$

B(n) = 2n + 2 liefert für alle natürlichen Zahlen nur gerade Zahlen als Termwerte.

B (n) kann also nie eine ungerade Zahl liefern und Hans hat daher recht.

2. Termwerte

a)
$$T(a;b) = \frac{3-3a}{a-3b}$$
 also $T(1,5;2,0) = \frac{3-3\cdot1,5}{1,5-3\cdot2,0} = \frac{3-4,5}{1,5-6,0} = \frac{-1,5}{-4,5} = \frac{15}{45} = \frac{1}{3}$.

b)
$$41+42+...+100 = S(100) - S(40) = \frac{(100+1)\cdot 100}{2} - \frac{(40+1)\cdot 40}{2} = 101\cdot 50 - 41\cdot 20 = 5050 - 820 = 4230$$

3. Symmetrische Vierecke

a) Es gibt solche Vierecke mit genau einer Symmetrieachse und zwei benachbarten Winkeln gleicher Größe, nämlich gleichschenklige Trapeze.



b) Typische Merkmale für ein Parallelogramm sind:
Ein Parallelogramm ist punktsymmetrisch.
Beim Parallelogramm halbieren sich die Diagonalen.
Gegenüberliegende Winkel sind gleich groß.
Gegenüberliegende Seiten sind parallel.



- 4. a) Konstruiere die Mittelsenkrechte $\,m_{[AB]}\,$ zur Strecke $\,[AB]\,$.
 - b) Fälle das Lot $\,\ell\,\,$ von $\,C\,\,$ auf die Mittelsenkrechte $\,m_{[AB]}\,\,$ und kennzeichne den Fußpunkt mit $\,F\,\,$

 - d) Das Lot $\,\ell\,$ und die Winkelhalbierende $\,w_{\alpha}\,$ schneiden sich im Punkt $\,S\,$. Kennzeichne den Punkt $\,S\,$ und bestimme mit dem Geodreieck $\,\overline{BS}\,$.

